Jadrová fyzika

Jadrové reakcie



Zápis jadrových reakcií



• Typický zápis $a + X \rightarrow b + Y$

kde *a* je zvyčajne urýchlený projektil, *X* je terčové jadro (v laboratórnej sústave zvyčajne statické), *Y* a *b* sú produkty reakcie.

Zvyčajne a a b sú ľahké jadrá alebo častice. V prípade reakcie nazývanej radiačný záchyt môže b byť γ kvantum

Alternatívny spôsob X(a,b)Y sa využíva aj v súvislosti so všeobecným pomenovaním reakcií, ako napr. (α,n) alebo (n, γ) a pod.

Reakčné kanály



 Pomenovanie reakčný kanál využívame na opis zmeny identity projektillu a terča. Vo všeobecnosti nie sú fináne produkty reakcie jednoznačne definované a sú otvorené rôzne reakčné kanály.

$$a + X \longrightarrow \begin{array}{c} b_1 + Y_1 \\ b_2 + Y_2 \\ b_3 + Y_3 \end{array}$$

Konkrétny príklad:

$$d + {}^{238}U \rightarrow {}^{239}Np + n$$

$${}^{239}U + p$$

$${}^{237}U + t$$

. . .

Periferálne zrážky





Centrálne zrážky







Jadrové reakcie vedúce na zložené jadro. Preukázanie aplikovateľnosti teórie vzniku zloženého jadra

REAKCIE SO VZNIKOM ZLOŽENÉHO JADRA

Základná idea



Jadro, príp. nukleón, nalietavajúci na jadro odovzdá pri viacnásobných zrážkach postupne celú energiu a uviazne v terčovom jadre.

Pravdepodobnosť procesu závisí od energie nalietavajúceho jadra a dostupných kvantovaných hladín v jadre.

Nie je to jednokrokový proces.

- 1) Uviaznutie nukleónu a obsadenie niektorej hladiny
- 2) Re-distribúcia energie ces dvojtelesové interakcie medzi uviaznutým nukleónom a zvyšnými nukleónmi
- 3) Vytvorenie relatívne dlhožijúceho jadra.



Vplyv kvantovania hladín



Jadrová reakcia takto cíti dostupnosť a kvantovanie hladín. Ak je energia zodpovedajúca niektorým hladinám, pravdepodobnosť procesu je

vyššia (podobnosť procesu je vyššia (podobne ako napr. pri rádioaktívnom rozpade).

V dôsledku komplexnosti procesu (napr. redistribúcie energie) sa zvyšuje aj komplexnosť výťažkov.

Výťažky z reakcií pre rôzne široké intervaly energií protónov.



Fig. 12. The yield curve for γ_0 for various averaging intervals.

A. Budzanowski et al. Phys. Rev. C17, 951 (1978)

Jadrové reakcie

Doba života zloženého jadra



Po vytvorení zloženého jadra, nie je excitačná energia pripadajúca na jeden nukleón postačujúca na jeho emisiu. Náhodnou redistribúciou nukleón-nukleónovými zrážkami v jadre sa energia prenesie na jeden, alebo viac nukleónov (príp. prefromovanú alfa časticu) čo môže spôsobiť ich emisiu.

Pomalý proces $\approx 10^{-14}$ - 10^{-16} s (vs. 10^{-22} s potrebnej na fúziu).

Dôležitý dôsledok: Výstupný kanál reakcie (následna emisia nukleónov z excitovaného jadra) nezávisí od vstupného kanálu.

Experimentálne overenie konceptu zloženého jadra



PHYSICAL REVIEW

VOLUME 80, NUMBER 6

DECEMBER 15, 1950

An Experimental Verification of the Theory of Compound Nucleus*

S. N. GHOSHAL[†]

Radiation Laboratory, Department of Physics, University of California, Berkeley, California (Received July 28, 1950)

The compound nucleus Zn⁶⁴ was formed by bombarding Ni⁶⁰ with α -particles and Cu⁶³ with protons. The ratios of the cross sections $\sigma(\alpha,n):\sigma(\alpha,2n):\sigma(\alpha,pn)$ for Ni⁶⁰ were found to agree with the ratios $\sigma(p,n):\sigma(p,2n):\sigma(p,pn)$ for Cu⁶³, giving a direct verification of the theory of compound nucleus. The observed cross sections for the (p,n), (p,2n), and (p,pn) reactions on Cu⁶³ and $(\alpha,n), (\alpha,2n)$, and (α,pn) reactions on Ni⁶⁰ have been compared with the theoretical cross sections calculated on the basis of the statistical model. The observed anomalous behavior of the (p,pn) and (α,pn) cross sections with respect to the (p,2n) and $(\alpha,2n)$ cross sections respectively are discussed.

Porovnanie výťažkov produkcie zloženého jadra ⁶⁴Zn pre rôzne spôsoby jeho produkcie ako aj rozpadu.

Experimentálne overenie konceptu zloženého jadra



29. 5. 2019

Reakcie úplnej fúzie

Účinný prierez reakcie



Fakt, že vstupný a výstupný kanál reakcie *A(a,b)B* sú nezávislé, nás oprávňuje zapísať účinný prierez ako súčin dvoch krokov

 $\sigma(a,b) = \sigma_c(a,A)P(b)$

Pravdepodobnosť fúzie

Pravdepodobnosť emisie

Yrast línia



Typicky pri reakciách úplnej fúzie má produkované jadro L $\approx 60-80$ hbar a energiu 30 – 50 MeV



Následne sa zložené jadro ochladzuje emisiou častíc a gama kvánt

Yrast line – hranica minimálnej energie pri danom uhlovom momente hybnosti

Akým spôsobom môžeme detekovať tieto gama kvantá

Angular Momentum

Excitation Energy



DIFERENCIÁLNY ÚČINNÝ PRIEREZ

Účinný prierez

Detektor umiestnený pod uhlami θ a ϕ nám definuje priestorový uhol d Ω .

Pri intenzite nalietavajúcich projektilov I_a , počte vylietavajúcich častíc R_b a terčom s počtom N_b jadier na jednotku plochy je účinný prierez reakcie definovaný ako $\sigma = \frac{R_b}{I_a N} [m^2]$.

Jadro s polomerom 6 fm má geometrickú plochu 100 fm²= 1b. Účinný prierez záchytu neutrónu na ¹³⁵Xe môže dosiahnuť aj 106 b, zatiaľ čo menej pravdepodobné reakcie môžu mať 1mb.

Na účinný prierez treba hľadieť ako na plochu úmernu pravdepodobnosti reakcie.

 $d\Omega$

θ,φ



Potom počet vylietavajúcich jadier je $dR_b = d\Omega/4\pi (4\pi \text{ je kvôli} \text{ normalizácii})$. Potom dostávame tzv. diferenciálny účinný prierez $\frac{d\sigma}{d\Omega} = \frac{r(\theta, \varphi)}{4\pi I_a N}$. Ten v sebe nesie dôležitú informáciu o uhlovej distribúcii produktov.





Využívajú sa rôzne varianty meraní. Napr.:

- Celkový účinný prierez σ_t záchytom zväzku metódou tienenia. Reakčný účinný prierez σ nezávisle od uhlu a energie (napr. produkcia rádiofarmák).
- Diferenciálny $\frac{d\sigma}{d\Omega}$ vedúca na konkr. energetický stav vs. uhol θ . Excitačná funkcia $\frac{d\sigma}{dE}$ (bez merania uhla) napr. meraním exc. energií jadier pomocou deexcitácie γ kvantami Dvojitý účinný prierez poskytujúcu informáciu o uhlovej aj energetickej distribúcii.

29. 5. 2019

Jadrové reakcie





Počet jadier, vytvorených za jednotku času je určený vzťahom

$$N_{Re} = \sigma N_{Proj} n$$

σ je účinný prierez reakcie, n je počet jadier terča pripadajúci na jednotku plochy v smere nalietajúcich častíc a N_{Proj} je počet nalietajúcich častíc za jednotku času.

Počet jadier terča určíme ako $n = f \frac{N_A}{S} \frac{m}{M_m} = f \frac{N_A}{M_m} d$ kde d je hrúbka terča v jednotkách g/cm², f je izotopická čistota terča a M_m je mólová hmotnosť terčových jadier.



Jednoduchý, ale funkčný potenciál na opis interakcie dvoch jadier.

OPTICKÝ POTENCIÁL

29. 5. 2019

Optický model v jadrových reakciách

Uhlová distribúcia



Figure 11.13 Diffraction pattern of light incident on a circular apertu circular disk gives a similar pattern. The minima have intensity of zero. The cu drawn for a wavelength equal to ten times the diameter of the aperture or dis Podobne ako v optike, vidíme systém lokálnych maxím a miním.





Optický model v jadrových reakciách

Princíp



Rozptyl jadier sa správa podobne ako rozptyl svetelnej vlny na otvore pri ktorých vytvára svetlo krúžky s maximami a minimami.

Dopadajúce častice sa reprezentujú rovinnými vlnami postupujúcimi v smere osi Z ako $\psi_{in} = Ae^{ikz}$

Po zahrnutí časovej závislosti $\psi_{in} = Ae^{i(kz-\omega t)}$

Vystupujúca vlna je opísaná sférickou vlnou $\psi_{out} = A \frac{e^{ikr}}{r}$ Z toho vidíme, že hustota toku častíc $|\psi|^2$ klesá ako 1/r². Podobne ako v optike by sme našli rezonančné maximá a minimá (viď. Odvodenie z optiky venované ohybu svetla)

Optický model – základná idea



- Optický model jeden najjednoduchších modelov opisu jadrových reakcií.
- Zaviedol ho Herman Feshbach et al. (1953)
- Na interakciu jadier budeme teraz hľadieť ako na dvojtelesový systém – avšak vlastnosti interakcie samozrejme závisia od štruktúry.
- Realistický potenciál, však musí opísať nielen rozptyl jadier, ale aj ich absorbciu. To je aj základnou vlastnosťou optického modelu – schopnosť opísat absorbciu interakciách jadier.

Podobnosť s optikou



- Prepožičiava si ideu z optiky a prechodu vlny cez materiál, kde prichádza k rozptylu a pohlteniu svetla pri interakcii s materiálom.
- Podobne aj interagujúce jadrá majú istú pravdepodobnosť rozptylu, a istú pravdepodobnosť pohltenia.
- Optika zavádza index lomu v podobe $\tilde{n} = n(1 + i\kappa)$
- Práve komplexná časť je zodpovedná za absorbciu vlny
- Zjednodušene si to možno predstaviť tak, že vlnová funkcia obsahuje komplexný člen (*e^{ikx}*). Pri súčine dvoch komplexných čísel sa nam ich komplexná časť neguje.

Zahmlená kryštáľová gula



- Model zahmlenej kryštálovej gule
- Časť svetla nám prechádza a rozptyľuje sa, reprezentuje neinteragujúce častice a rozptýlené častice
- Časť svetla sa nám absorbuje, reprezentuje zachytené častice
- Podobne ako máme komplexný index lomu, zavádzame aj komplexný potenciál U(n) = V(n) + iW(n)

$$U(r) = V(r) + iW(r)$$

- Obe funkcie sú vztiahnuté na radiálnu časť opisu interakcie
- V(r) je pritom zodpovedná za rozptyl jadier a môže byť (ako neskôr ukážeme podobná jadrovému potenciálu z vrstvového modelu
- Imaginárna časť *iW(r)* opisuje absorbciu a závisí od energie interakcie



Túto časť už poznáme – opis je vhodné realizovať pomocou Wood-Saxon potenciálu.

$$V(r) = V f_n(r) = \frac{-V_0}{1 + e^{(r-R)/a}}$$

Pričom R = $1.2A^{1/3}$ (pri difúznom povrchu jadier možno uvažovať aj úmernosť 1.4).

Jednotlivé konštanty sa pritom upresnia podľa vhodného súladu s experimentálnymi dátami.

Prechod k imaginárnej časti



V prípade nižších energií iba valenčné nukleóny dokážu absorbovať energiu nalietavajúcej častice. Pevne viazané nukleóny v centre jadra nie sú v tomto procese efektívne.

Preto sa volí $W(r) \approx dV(r)/dr$ a dosahuje maximum práve na povrchu kde sa najviac mení funkcia V(r), a je nulová v strede, kde je funkcia V(r) konštantá.

Inak povedané – pri nízkych exc. energiách sa môžu valenčné nukleóny presunúť na neobsadené hladiny a absorbovať tým energiu (Pauliho blok).

Hlboko v jadre je však energia väzby príliš veľká.



Opis imaginárnej časti

Na pripomenutie

$$V(r) = V f_n(r) = \frac{-V_0}{1 + e^{(r-R)/a}}$$

Samotnú imaginárnu časť potenciálu potom možno zapísať ako:

$$W(r) = Wg(r) = -a \frac{df_n(r)}{dr} = \frac{\exp\left(\frac{r-R}{a}\right)}{\left[1 + \exp\left(\frac{r-R}{a}\right)\right]^2}$$

Faktor *a* sa dopĺňa kvôli normalizácii na 1.

Podoba potenciálu





Reálna časť potenciálu

Imaginárna časť potenciálu

Prípad vyšších energií





Pri vyšších energiách však samozrejme môže prebiehať interakcia aj so silnejšie viazanými nukleónmi v strede, čim sa funkcia W(r), môže postupne ponášať na funkciu V(r). (teda viac kopíruje reálnu časť potenciálu a skutočnú podobu jadra)

Experimentálne potvrdenie – rozptyl alfa častíc na jadre Niklu.

A. Budzanowski et al. Phys. Rev. C17, 951 (1978)

Optický model v jadrových reakciách



REAKCIE PRENOSU

29. 5. 2019

Stanislav.Antalic@fmph.uniba.sk

Princíp transfer reakcií



- Jeden nukleón, alebo skupina nukleónov, sa premiestni z jedného jadra do druhého v priamom jednostupňovom procese
- Reakcie prenosu možno zapísať vo forme $a + A \rightarrow B + b$
- 1) Nerealizuje sa žiaden medzistupeň
- b = a x, B = A + x (x reprezentuje prenášaný nukleón, resp. skupinu nukleónov).

Bornova aproximácia



Majme reakciu A(a,b)B (teda $a + A \rightarrow B + b$)

V rámci Bornova aproximácie môžeme uvažovať na vstupe a na výstupe vlny pre *a* a *b* ako rovinné.

Tieto rovinné vlny možeme opísať ako superpozíciu sférických vĺn: $\psi_{inc} = Ae^{ikz} = A\sum_{l=0}^{\infty} i^{\lambda}(2\lambda+1)j_{\lambda}(kr)P_{\lambda}(\cos\theta)$

Kde $j_{\ell}(kr)$ sú Besselove funkcie A $P_{\ell}(\cos \theta)$ sú legandrove polynómy

$$P_0(\cos\theta) = 1$$
$$P_0(\cos\theta) = \cos\theta$$
$$P_0(\cos\theta) = \frac{1}{2} (3\cos^2\theta - 1)$$

DWBA



- Predpoklad, že rovinné vlny opisujúce nalietavajúcu a vylietavajúcu časticu sú zmenené terčovým jadrom vedie k teórii Bornovej aproximácii deformovaných vĺn.
- Predpokladá sa modifikácia vlny a fakt, že obsahuje časť rozptýlenu pružne na optickom potenciáli.
- Veľké využitie pri experimentoch opisujúcich reakcie s preneseným orbitálnym momentom hybnosti.

Spektroskopický faktor



- Ako vstupná a výstupná vlna sa dá uvažovať explicitne vlnová funkcia z vrstvového modelu.
- V praxi však nie sú stavy jadier opísané čistými stavmi shell modelu, ale prichádza k väčšiemu, či menšiemu zmiešavaniu stavov.
- Porovnaním zmeraného differenciálneho účinného prierezu a vypočítaného potom môžeme získať spektroskopický faktor *S*, vystihujúci čistotu stavu v opise vrstvovým modelom. $\left(\frac{d\sigma}{d\Omega}\right) = S\left(\frac{d\sigma}{d\Omega}\right)$
- Čistý stav vrstvového modelu má S = 1
Uhlová závislosť od energie





Strhávanie deuterónu pri vysokej a nízkej energii, od čoho závisí uhlové rozdelenie vyletujúceho protónu, ktoré má svoj pík v smere dopredu alebo dozadu.

29. 5. 2019

Energetická bilancia



- Z energie protónu možno určiť energiu vzbudenia zostatkového jadra (platia zákony zachovania).
- Absolútna hodnota účinného prierezu umožňuje určiť pravdepodobnosť obsadenia jednočasticových hladín, na ktorých je neutrón zachytený.

Uhlové rozdelenie





Pravdepodobnosť závisí od prenosu uhlového momentu hybnosti.

Uhlové rozdelenie a polarizácia protónu teda určuje spin a paritu daného stavu.

Existujú systematické odchýlky v závislosti od orientácie spinov)

FIG. 11: Angular distribution of the reaction ${}^{31}P(d,n){}^{32}S$, with the transfer of a proton to several states of ${}^{32}S$. The curves are results of DWBA calculations for the indicated l values [15].

K. Miura et al. Nucl. Phys. A 467, 79 (1987)



KINETICKÉ POMERY PRI TVORBE ZLOŽENÉHO JADRA



Kinematika jadrových reakcií

Zákon zachovania energie v laboratórnej sústave má pre diskutovaný prípad tvar

 $m_a c^2 + m_X c^2 + E_{ka} = m_b c^2 + m_Y c^2 + E_{kb} + E_{kY}$

Takže pre Q hodnotu platí

 $Q = [(m_a + m_X) - (m_b + m_Y)]c^2 = E_{kb} + E_{kY} - E_{ka}$ Môžeme ju teda vyjadriť aj pomocou hmotností aj pomocou kinetických energií.

Exoenergetická reakcie úplnej syntézy





Exoenergetická reakcia. Aj pri nulovej energii vstupných častíc prebehne (samozrejme s ohľadom na energiu potrebnú na prekonanie bariéry).

Endoenergetická reakcie úplnej syntézy





Endoenergetická reakcia. Je potrebné dodať energiu do systému. Pri nulovej kinetickej energii vo vstupnom kanále neprebehne.

Kinematika jadrových reakcií



V ťažiskovej sústave máme pre exc.energiu $E_C^{*'} = w_a + E_{k(a+X)}'$ (t.j. zložené jadro ostáva stáť a celá energia sa prevedie na excitačnú energiu). Člen w_a spôsobuje možnú excitáciu zloženého jadra aj pre nulové kinetické energie interagujúcich jadier.

Ťažisko sústavy a + A sa pohybuje v laboratórnej sústave smerom k terčovému jadru rýchlosťou $v_{CM} = \frac{m_a}{(m_a + m_X)} v_a$.

V ťažiskovej sústave sa pohybujú častice vo vstupnom kanále reakcie proti sebe, smerom k ťažisku rýchlosťou

$$v_{a}' = v_{a} - v_{CM} = v_{a} - \frac{m_{a}}{(m_{a} + m_{X})} v_{a} = \frac{m_{X}}{(m_{a} + m_{X})} v_{a}$$
$$v_{X}' = v_{X} - v_{CM} = 0 - \frac{m_{a}}{(m_{a} + m_{X})} v_{a} = -\frac{m_{X}}{(m_{a} + m_{X})} v_{a}$$

Stanislav.Antalic@fmph.uniba.sk

Kinetické energie v ťažiskovej sústave



Potom kritické kinetické energie nalietavajúcich častíc sú

$$E'_{ka} = \frac{1}{2}m_a {v'_a}^2 = \frac{1}{2}m_a \left(\frac{m_X}{(m_a + m_X)}v_a\right)^2 = \frac{1}{2}\frac{m_a m_X^2}{(m_a + m_X)^2}v_a^2$$
$$= \left(\frac{m_X}{(m_a + m_X)}\right)^2 \frac{1}{2}m_a v_a^2 = \left(\frac{m_X}{(m_a + m_X)}\right)^2 E_{ka}$$

$$E'_{kX} = \frac{1}{2} m_X {v'_X}^2 = \frac{1}{2} m_X \left(\frac{m_a}{(m_a + m_X)} v_a\right)^2 = \frac{1}{2} \frac{m_X m_a^2}{(m_a + m_X)^2} v_a^2$$
$$= \frac{m_X m_a}{(m_a + m_X)^2} \frac{1}{2} m_a v_a^2 = \frac{m_X m_a}{(m_a + m_X)^2} E_{ka}$$

Kinematika jadrových reakcií



Súčet hybností v ťažiskovej sústave je nulový $p'_a + p'_X = m_a v'_a + m_X v'_X = 0$ Pre vzájomnú rýchlosť jadjer v ťažiskovej a laboratórnej sú

Pre vzájomnú rýchlosť jadier v ťažiskovej a laboratórnej sústave platí vzťah $v'_a + v'_X = v_a$

kanále reakci, vyjadrenú v ťažiskovej sústave, určíme pomocou

$$E'_{k(a+X)} = E'_{ka} + E'_{kX} = \frac{1}{2}m_a {v'_a}^2 + \frac{1}{2}m_X {v'_X}^2 = \frac{1}{2}m_a \left(\frac{m_X}{(m_a+m_X)}v_a\right)^2 + \frac{1}{2}m_X \left(\frac{m_a}{(m_a+m_X)}v_a\right)^2 = \frac{1}{2}\frac{m_a m_X^2 + m_X m_a^2}{(m_a+m_X)^2}v_a^2 = \frac{1}{2}\frac{m_a m_X (m_a+m_X)^2}{(m_a+m_X)^2}v_a^2 = \frac{1}{2}\frac{m_a m_X}{(m_a+m_X)^2}v_a^2 = \frac{1}{2}\frac{m_a m_X}{(m_a+m_X)^2}v_a^2 = \frac{1}{2}\mu v_a^2$$

Tým sme sa opäť dostali k vzťahu vydedukovaného pri excitačnej energii jadier, konkr. k časti excitačnej energie tvorenej kinetickou energiou vstupného kanálu.



GIGANTICKÁ DIPÓLOVÁ REZONANCIA

(y,2n) pre ¹⁹⁷Au



Účinný prierez fotoneutrónovej reakcie 197 Au(γ ,xn) $^{197-xn}$ Au do energie fotónov 35 MeV. Na grafe vidno výrazný rezonančný pík pre reakciu (γ ,2n), ktorý sa nachádza pri energii fotónov 14 MeV a má účinný prierez 535 mb.



Gigantická dipólová rezonancia



Reakcia	E _{γmin} /MeV	E _{γres} /MeV	Γ / MeV
C(γ,n) ¹¹ C	18.7	22.4	2.8
Al(γ,n) ²⁶ Al	14.0	19.2	4.7
AI (γ,p) ²⁶ AI	7.4	21.2	5.4
Ρ(γ,n) ³⁰ Ρ	12.4	19.5	6.5
Cu(γ,n) ⁶² Cu	10.9	17.5	6.0
Ag(γ,n) ¹⁰⁹ Ag	9.3	16.0	4.8
Ta(γ,n) ¹⁸⁰ Ta	8.0	13.5	5.5

- Táto rezonancia ma veľkú šírku Γ a klesá s narastaním počtu nukleónov A.
- Práve podľa veľkej šírky Γ bol tento efekt pomenovaný ako gigantická rezonancia.

Prvé vysvetlenie



- Prvé vysvetlenie súviselo s osciláciami jadra v elmag poli dopadajúceho gama kvanta.
- $E_{\gamma} = hv = hc/\lambda$ preto $\lambda = hc/E_{\gamma} = 1.2 \times 10^{-10} / E_{\gamma}$, (I[cm], E_{γ} [MeV])
- Pre $E_{\gamma} = 10 15$ MeV bude $\lambda \approx 10^{-11}$ cm (teda $\lambda \gg R$, kde R je polomer jadra). Takže protóny budú v rovnakej fáze elektromagnetického poľa. Tým dochádza k polarizácii protónov a neutrónov a osciláciám s frekvenciou $\omega = \sqrt{K/M}$ kde K je koeficient pružnosti a M je hmotnosť jadra.
- Pružnosť jadra je úmerná počtu presunutých nukleónov a ten je úmerný povrchu jadra ($\approx R^2 \approx A^{2/3}$).
- Potom $\omega \approx \sqrt{A^{2/3}/A} = A^{-1/6}$ Koeficient úmernosti sa určil experimentálne $\omega \approx 35A^{-1/6}$ MeV.

Príklady GDR



Neskôr sa identifikovali v meraniach jemné štruktúry v rezonancii, najmä u ľahkých jadier, súvisiace s jednočasticovými prechodmi nukleónov. Napr. v reakcii ¹⁶O(γ ,p)¹⁷N, tri úzke maximá pri 17, 22 a 25 Mev.



Účinný prierez fotoneutrónovej reakcie ${}^{16}O(\gamma,xn){}^{16-xn}O$ do energie fotónov 30 MeV. Na grafe vidno rezonančné píky pre reakcie (γ ,n), (γ ,np) a (γ 2n).



SYNTÉZA NAJĽAHŠÍCH JADIER PO BIG BANGU

Vývoj v prvotnom vesmíre



- Približne do času 10⁻⁵ 10⁻⁶ s bol vesmír v štatistickej rovnováhe medzi quark-gluónovou plazmou a žiarením.
- Následne QGP kondenzovala za vzniku hadrónov a podivných častíc (obsahujúcich strange quark). Narušenie CP symetrie (napr. pre $\overline{K^0}$ a K^0) mohlo byť príčinou nerovnováhy medzi hmotou a antihmotnou (je však viac alternatívnych vysvetlení, ako napr. rýchle odseparovanie hmoty a antihmoty, éra produkcie masívnych častíc v čase 10⁻³⁶ s čo zodpovedá 10²⁸ K resp. 10¹⁵ GeV).
- Nerovnováha medzi hmotou a antihmotou vedie k pomeru počtu fotónov a hmotných častíc na úrovni 10⁹ fotónov na 5 nukleónov.

Závislosť procesov od teploty



V dôsledku malého rozdielu hmotnosti protónu a neutrónu (cca 1.3 MeV) s klesajúcou teplotou narastá počet protónov voči neutrónom.

Pri 10¹²K je pomer
$$\frac{N_n}{N_p} = e^{-\frac{(m_n - m_p)c^2}{kT}} \approx 0.985$$
 teda sú približne v rovnováhe.

Do 10^{-2} s klesla teplota na ~ 10^{11} K (E = 10 MeV). Jediné ostávajúce leptóny sú elektróny, nakoľko μ a τ majú privysoké hmotnosti a pôvodné sa už rozpadli (M_µ = 105 MeV a M_τ = 1784 MeV). Ešte existuje štatistická rovnováha medzi fotónmi a časticami, pričom prebiehali reakcie ako napr.

$$e^{+} + e^{-} \leftrightarrow \gamma + \gamma$$

$$e^{+} + e^{-} \leftrightarrow Z^{0} \leftrightarrow \nu_{e} + \overline{\nu_{e}}$$

$$e^{+} + e^{-} \leftrightarrow Z^{0} \leftrightarrow \nu_{\mu} + \overline{\nu_{\mu}}$$

$$e^{+} + e^{-} \leftrightarrow Z^{0} \leftrightarrow \nu_{\tau} + \overline{\nu_{\tau}}$$

Taktiež protóny a neutróny sú v rovnováhe, pretože vďaka veľkému množstvu elektrónov a neutrín môžu prebiehať reakcie

$$\begin{array}{l} p + \overline{\nu_e} \leftrightarrow n + e^+ \\ n + \nu_e \leftrightarrow p + e^- \end{array}$$

Závislosť procesov od teploty



Pri $T > 10^{10}$ K je kT > niekoľko 1 MeV energia je väčšia ako väzbová energia nukleónov v jadrách (rádový odhad) \Rightarrow nie je možná existencia viazaných nukleónových stavov, prežitie jadier a tým ani nukleosyntéza. Pri týchto energiách je aj anihilácia v rovnováhe s vytváraním párov e+ e-. V dôsledku veľkého množstvu neutrín a elektrónov stále prebiehaju aj reverzné reakcie zámeny protónu a neutrónu.

Závislosť procesov od teploty



Pri 10¹¹K je pomer neutrónov k protónom $\frac{N_n}{N_p} = e^{-\frac{(m_n - m_p)c^2}{kT}} \approx 0.885.$

V čase 2 – 3 s klesne teplota na 10¹⁰ K čo kT ~ 1 MeV sa zastavujú efektívne reakcie $p + \overline{v_e} \leftrightarrow n + e^+$ a $n + v_e \leftrightarrow p + e^-$ ktoré zabezpečovali rovnováhu medzi počtom protónov a neutrónov. Počet neutrónov a protónov tak ostáva zamrznutý na pomere 0.223 pri teplote 10¹⁰ K.

V čase 1 sekunda, pri teplote 10¹⁰ K (kT ~ 1 MeV) taktiež prináša koniec obojsmerným reakciám kreácie a anihilácie elektrónov a prozitrónov. Taktiež interakcie neutrín už nie sú dostatočne efektívne.

Energia fotónov ostáva mierne vyššia od energie neutrín, kvôli zostávajucej možnosti reakcie $e^+ + e^- \rightarrow \gamma + \gamma$ (už iba jednosmernej), takže vo vesmíre ubúda elektrónov a pozitrónov, čo bráni ďalšej tvorbe neutrónov. Táto éra končí oddelením hmoty od žiarenia v čase do 250 sekúnd.

Fotónov ostáva cca 10⁹× viac ako hmotových častíc. Celkový náboj častíc ostáva rovnovážny.

Vývoj v prvotnom vesmíre



- Prvá jadrová reakcia je n + p → d + γ.
 Táto môže prebehnúť až keď klesne energia väčšiny systému výrazne 2.225
 MeV (väzbová energia deutéria).
 Kritickým faktorom je vysoký počet fotónov, ktorých je ~ 10⁹× viac ako ako protónov a elektrónov (tých je cca rovnako). Takže podiel fotónov s energiou 2.225 MeV iba 10⁻⁹.
- Keďže neutrónov je iba 20%, je kritický pomer fotónov 0.2×10⁻⁹.
- Tento podiel fotónov zodpovedá pomeru $E_0/kT \cong 28$, takže $E_0 = 2.225 MeV$ zodpovedá strednej energii $kT \cong 0.08 MeV$ resp. teplote 9x10⁸ K. Podmienkky preprvú jadrovú reakciu nastávajú teda po cca 250 s. κ



Vývoj v prvotnom vesmíre



- Nakoľko neviazaný neutrón sa rozpadáva, celý proces prvých jadrových reakcií a početnosti neutrónov, ktore do nich vstúpia je citlivý aj na dobu života neutrónu, ktorá nie je až natoľko presne známa $\tau_n = 883.3 \pm 1.2_{stat} \pm 3.2_{syst}$ s.
- Následne sa syntetizujú izotopy 2H, 3H, 7Li, ktoré ostávaju stále v podobe ionizovaného plynu, kým teplota neklesne pod 3000 K (cca 700 000 rokov). Vtedy vzniknú podmienky na vznik neutrálnych atómov.
- Fotóny ďalej chladnú až na súčasnú teplotu 2.7 K.

Produkcia jadier s A =3 a 4He



Pri teplote T = 9 x 10^8 K (cca 80 keV) sa formuje deutérium. Následne sa môžu formovať jadrá s hmotnosťou 3.

d + d \rightarrow ³H + p d + d \rightarrow ³He + n Prebiehajúce reakcie môžu byť odlišné od p-p cyklu.

```
Na záver sa formuje <sup>4</sup>He
<sup>3</sup>H + p \rightarrow <sup>4</sup>He + \gamma <sup>3</sup>He + n \rightarrow <sup>4</sup>He + \gamma
```

Priama cesta d + d \rightarrow ⁴He + γ má veľmi malý účinný prierez.

Väzbová energia ⁴He je väčšia ako ľahších jadier. Preto ak je energia fotónov dostatočne nízka na umožnenie produkcie deutéria, umožní sa aj produkcia ⁴He.

Produkcia jadier s A = 7



⁴He je konečný produkt celého procesu. Jadrá s A = 5 aj A = 8 sú veľmi nestabilné ($T_{1/2}({}^{5}Li) = 3 \times 10^{-22} \text{ s a } T_{1/2}({}^{8}Be) = 6.7 \times 10^{-17} \text{ s}$).

```
V malých množstvách sú možné procesy

<sup>4</sup>He + <sup>3</sup>H \rightarrow <sup>7</sup>Li + \gamma

<sup>7</sup>Be + n \rightarrow <sup>7</sup>Li + p

a aj spätné procesy

<sup>7</sup>Li + p \rightarrow <sup>4</sup>He + <sup>4</sup>He
```

Kulombovská bariéra je však cca 1 MeV čo je už výrazne nad energiou zodpovedajúcej teplote 9x10⁸ K.

Všetky neutróny končia nakoniec vo viazanom stave ⁴He, pričom pomer ${}^{N_{4}}_{He}/n_{p} \cong 0.081$.

Po 250 sekundách, pri teplotách pod $3x10^8$ K ($kT \approx 30$ keV) reakcie prakticky zaniknú. Ďalšia tvorba ⁴He je možná až po vytvorení hviezd.

Reakcie nukleosyntézy





Diagram reakcií počiatočnej nukleosyntézy v štandartnom modeli veľkého tresku. *K.M. Nollet a S. Burles, Physical Review D 61, 123505 (2000)*



NUKLEOSYNTÉZA VO HVIEZDACH

Fusion





4. 11. 2015

63/10

p-p cyklus



Prirodzene prebiehajú anihilačné reakcie $e^+ + e^- \rightarrow 2 \gamma (1.02 \text{ MeV})$

Mimoriadny význam majú reakcie konvertujúce vodík na hélium tzv. p-p cyklus. Opísal ho Bethe (1938) Prvý možný krok:

 $p + p \rightarrow 2H + e^+ + v (E_v < 0.42 \text{ MeV})$

Veľmi nepravdepodobný proces kvôli potrebe tunelovania cez kulombovskú bariéru. 5x10⁻¹⁸ eventov s-1 proton-1 (zodpovedá strednej dobe realizácie 1 event za 6x10⁹ rokov).

Kompenzované vysokou hustotou a počtom protónov.

²H + p \rightarrow ³He + γ (E = 5.49 MeV) ³He + ³He \rightarrow ⁴He + 2p (E = 12.86 MeV)

Spolu $4p \rightarrow {}^{4}\text{He} + 2e^{+} + 2v + 26.7 \text{ MeV}$



CNO cyklus



Cyklus je založený na uhlíku ¹²C ako katalyzátore a opísal ho po prvý krát Hans Bethe (1906 - 2005) v r. 1938 ${}^{12}C + p \rightarrow {}^{13}N + \gamma$ ${}^{13}N \rightarrow {}^{13}C + e + + v$ ${}^{13}C + p \rightarrow {}^{14}N + \gamma$ ${}^{14}N + p \rightarrow {}^{15}O + \gamma, t = 3x10^8 \text{ rokov}$ ${}^{15}O \rightarrow {}^{15}N + e + + v$ ${}^{15}N + p \rightarrow {}^{12}C + {}^{4}\text{He}$

Energetická bilancia cyklu: $4p \rightarrow {}^{4}He + 2e + 2v + 3\gamma$, Q = 26 MeV Slnečné neutrína



Úloha ¹²C



Spomínali sme, že produkcia 12C je prakticky nepravdepodobná, kvôli vysokej nestabilite ⁸Be.

 ${}^{4}He + {}^{4}He \leftrightarrow {}^{8}Be$ ${}^{4}He + {}^{8}Be \rightarrow {}^{12}C$

Reakcia $3 {}^{4}He \rightarrow {}^{12}C$ je však energeticky možná s Q hodnotou 285 keV. Učinný prierez by však mal byť malý.

V 50tych rokoch však Fred Hoyle navrhol ideu existencie rezonančného stavu v ¹²C s výrazne vyšším účinným prierezom.

W.A.Fowler s jeho teamom identifikoval 0⁺ stav s energiou 7.65 MeV, ktorý sa rozpadával na 3 alfa častice. V nukleosyntéze prebieha presne reverzný proces.

Fúzia ťaších prvkov



Vďaka prítomnosti ¹²C, taktiež môžu prebiehať reakcie ¹²C + ⁴He \rightarrow ¹⁶O + γ (Q = 7.16 MeV, E_b = 3.57 MeV) ¹⁶O + ⁴He \rightarrow ²⁰Ne + γ (Q = 4.73 MeV, E_b = 4.47 MeV) ²⁰Ne + ⁴He \rightarrow ²⁴Mg + γ (Q = 9.31 MeV, E_b = 5.36 MeV)

Pri nedostatku ⁴He vedie gravitačný kolaps pri masívnych hviezdach k zvýšeniu teploty na 10⁹ K a umožní priebeh uhlíkového a kyslíkového horenia ${}^{12}C + {}^{12}C \rightarrow {}^{20}Ne + {}^{4}He resp. {}^{23}Na + p$ ${}^{16}O + {}^{16}O \rightarrow {}^{28}Si + {}^{4}He resp. {}^{31}P + p$ Pričom môžu prebiehať aj reakcie s alfa časticami na ťažších jadrách.

Kremíkové horenie



Po reakciách ${}^{12}C + {}^{12}C \rightarrow {}^{20}Ne + {}^{4}He resp. {}^{23}Na + p$ ${}^{16}O + {}^{16}O \rightarrow {}^{28}Si + {}^{4}He resp. {}^{31}P + p$ Nie je teplota dostatočná na prekonanie kulombovskej bariéry a reakcia ${}^{28}Si + {}^{28}Si \rightarrow {}^{56}Ni$ sa prakticky neuskutoční.

Namiesto nej prebiehaju (γ, α), (γ, n) a (γ, p) ako napr. ²⁸Si + $\gamma \rightarrow$ ²⁴Mg + ⁴He ²⁸Si + ⁴He \rightarrow ³²S + γ Proces koncči pri ⁵⁶Fe, v ktorom sa spľovanie zastaví.

⁵⁶Fe vs. ⁶²Ni

The most tightly bound nucleus

Richard Shurtleff and Edward Derringh

Department of Physics, Wentworth Institute of Technology, Boston, Massachusetts 02115

(Received 1 March 1988; accepted for publication 5 October 1988)

In many textbooks, ^{1–3} we are told that ⁵⁶Fe is the nuclide with the greatest binding energy per nucleon, and therefore is the most stable nucleus, the heaviest that can be formed by fusion in normal stars.

But we calculate the binding energy per nucleon BE/A, for a nucleus of mass number A, by the usual formula,

$$BE/A = (1/A)(Zm_H + Nm_n - M_{atom})c^2,$$
 (1)

where m_H is the hydrogen atomic mass and m_n is the neutron mass, for the nuclides ⁵⁶Fe and ⁶²Ni (both are stable) using data from Wapstra and Audi.⁴ The results are 8.790 MeV/nucleon for ⁵⁶Fe and 8.795 MeV/nucleon for ⁶²Ni. The difference,

(0.005 MeV/nucleon) ($\approx 60 \text{ nucleons}$) = 300 keV, (2)

is much too large to be accounted for as the binding energy of the two extra electrons in 62 Ni over the 26 electrons in 56 Fe.

⁵⁶Fe is readily produced in old stars as the end product of the silicon-burning series of reactions.⁵ How, then, do we explain the relative cosmic deficiency of ⁶²Ni compared with ⁵⁶Fe? In order to be abundant, it is not enough that

 62 Ni be the most stable nucleus. To be formed by chargedparticle fusion (the energy source in normal stars), a reaction must be available to bridge the gap from 56 Fe to 62 Ni. To accomplish this with a single fusion requires a nuclide with Z = 2, A = 6. But no such stable nuclide exists. The other possibility is two sequential fusions with ³H, producing first ⁵⁹Co then ⁶²Ni. However, the ³H nucleus is unstable and is not expected to be present in old stars synthesizing heavy elements. We are aware that there are element-generating processes other than charged-particle fusion, such as processes involving neutron capture, which could generate nickel. However, these processes apparently do not occur in normal stars, but rather in supernovas and post-supernova phases, which we do not address.

We conclude that ³⁶Fe is the end product of normal stellar fusion not because it is the most tightly bound nucleus, which it is not, but that it is in close, but unbridgeable, proximity to ⁶²Ni, which is the most tightly bound nucleus.

²Frank Shu, *The Physical Universe* (University Science Books, Mill Valley, CA, 1982), 1st ed., pp. 116–117.

³Donald D. Clayton, *Principles of Stellar Evolution and Nucleosynthesis* (McGraw-Hill, New York, 1968), p. 518.

⁴A. H. Wapstra and G. Audi, Nucl. Phys. A 432, 1 (1985).

R. Shurtleff and E. Derringh, American Journal of Physics 57, 552 (1989) 4. 11. 2015 Astrofyzikálne reakcie



Arthur Beiser, Concepts of Modern Physics (McGraw-Hill, New York, 1987), 4th ed., p. 421.

⁵William K. Rose, Astrophysics (Holt, Rinehart and Winston, New York, 1973), p. 186.

rp-process



- Rapid proton capture
- Necessary temperature 10⁹ K to overcome the Coulomb
- barrier also in heavier nuclei (end point unknown)



s-process



Slow neutron capture - occurs in the red-giant stars. low neutron flux ($10^5 - 10^{11}/cm^2.s$) produce the isotopes along the valley β of stability



r-process



Rapid neutron capture in Core-collapse supernovae.

High (10²²/cm².s) neutron flux helps to produce isotopes up to the neutron dripline.

